在建设银行可以联系到持卡人的情况下，一般是逾期3个月后才会联系紧急联系人。具体的联系时间可能会有所变化，主要取决于持卡人的还款态度和还款能力。若建设银行工作人员无法联系上持卡人，可能不到1个月就会联系紧急联系人。建议持卡人与建设银行保持联系，并在规定的时间内偿清欠款，以免打扰到紧急联系人。